

DIAPPOSITIVAS
AUTÓMATAS CON TRANSICIONES ÉPSILON
(EJERCICIOS)

UNIDAD DE APRENDIZAJE:
AUTÓMATAS Y LENGUAJES FORMALES

PROGRAMA EDUCATIVO:
INGENIERÍA EN COMPUTACIÓN

ESPACIO ACADÉMICO:
FACULTAD DE INGENIERÍA
UNIVERSIDAD AUTÓNOMA DEL ESTADO DE MÉXICO

ELABORÓ:
LILIA OJEDA TOCHE

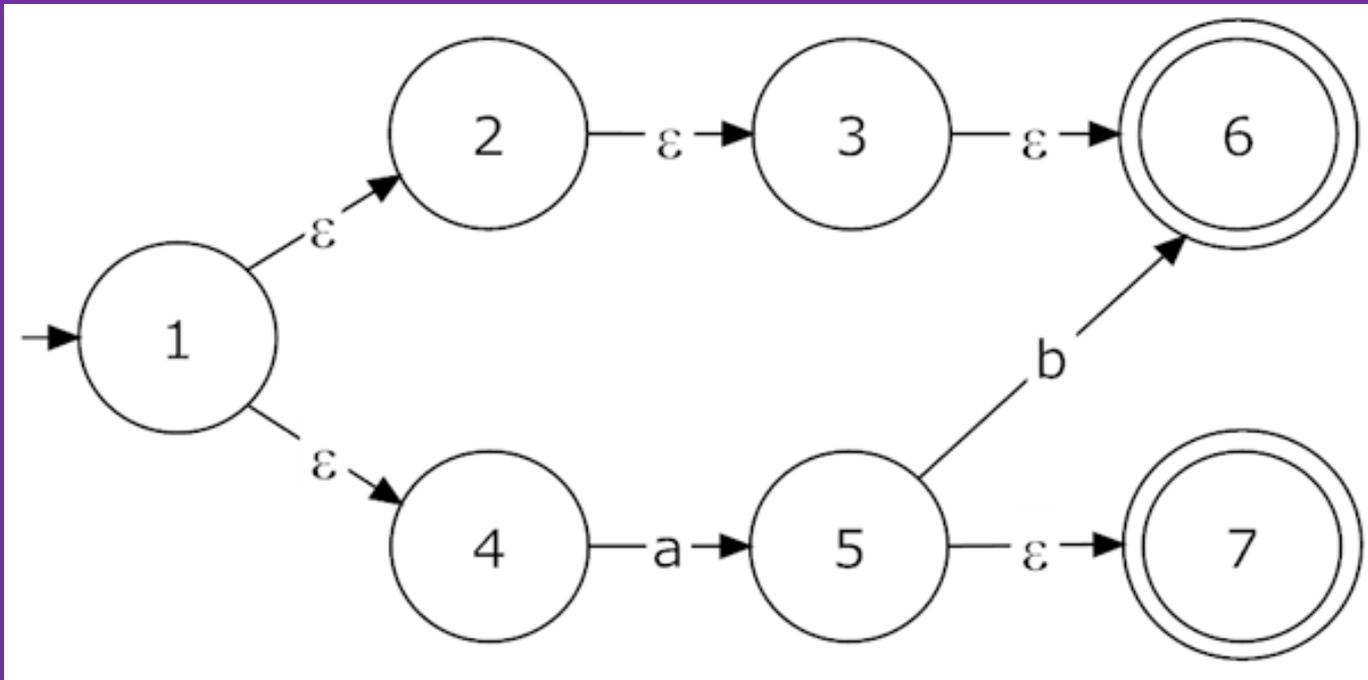
FECHA de ELABORACIÓN: Julio-Septiembre 2017

Guión Explicativo

- El presente juego de diapositivas tiene como finalidad apoyar al profesor de la Unidad de aprendizaje de AUTÓMATAS Y LENGUAJES FORMALES del Plan de estudios de la Licenciatura de Ingeniería en Computación, específicamente en la Unidad de Competencia II: Manejar la teoría de autómatas finitos y sus relaciones entre sí y con los lenguajes de programación.
- Se recomienda que este material se utilice para revisar algunos ejercicios de autómatas finitos no deterministas con transiciones épsilon en clase, y otros puedan asignarse o revisarse por los mismos alumnos como trabajo extraclase.

Guión Explicativo

- En la parte introductoria se mencionan algunos conceptos básicos de la teoría de autómatas, incluyendo la definición de autómata finito con transiciones épsilon.
- Cabe señalar que entre las características propias de este material se encuentran:
 - Se han seleccionado los ejercicios de manera que se presentan de menor a mayor complejidad.
 - Se plantea un ejercicio y enseguida se resuelve.
 - Se presentan las soluciones de todos los ejercicios planteados.



AUTÓMATAS FINITOS NO DETERMINISTAS CON TRANSICIONES ÉPSILON

Introducción

Definiciones Básicas

A continuación se presentan algunos conceptos básicos necesarios para la comprensión de los ejercicios que se presentan en las secciones subsecuentes.

Símbolo es un signo que representa algo abstracto. En este material, símbolo se referirá a un carácter alfanumérico.

Ejemplos

a, b, 1, 0, x, y, z, 9,

Introducción

Alfabeto es un conjunto de símbolos y normalmente se denota con la letra Σ . Ejemplos

$\Sigma = \{a,b,c,\dots,z\}$ $\Sigma = \{1,2,3,\dots,9\}$ $\Sigma = \{0,1\}$ $\Sigma = \{a,b\}$

Cadena o palabra es un conjunto de símbolos de algún alfabeto Σ concatenados entre sí, es decir uno enseguida del otro.

Ejemplos

Para el alfabeto $\Sigma = \{a,b,c,\dots,z\}$ algunas cadenas son:

ab, z, cc, abc, abab

Para el alfabeto $\Sigma = \{0,1\}$ algunas cadenas son:

0, 1, 01, 000, 0101

Introducción

Cadena Vacía ϵ (épsilon), es la cadena que no contiene ningún símbolo.

Lenguaje es un conjunto de cadenas o palabras definido en un alfabeto Σ .

Ejemplos

Si $\Sigma = \{0,1\}$ podríamos definir los lenguajes “conjunto de cadenas en Σ que terminan en 0” algunos de las palabras del lenguajes serían: 0, 10,00,010,100, 110...

Introducción

Autómata es una máquina matemática M formada por 5 elementos $M = (\Sigma, Q, s, F, \delta)$ donde Σ es un alfabeto de entrada, Q es un conjunto finito de estados, s es el estado inicial, F es un conjunto de estados finales o de aceptación y δ (delta) es una relación de transición.

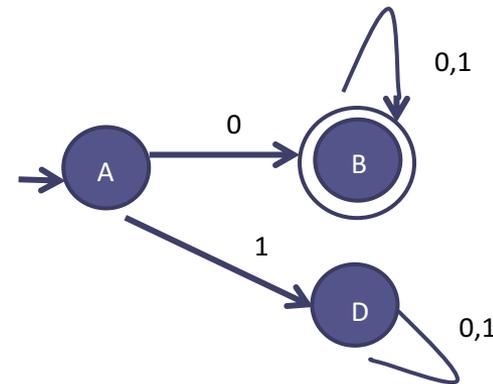
Ejemplo:

$\Sigma = \{0,1\}$ $s = A$

$Q = \{A,B,D\}$ $F = \{B\}$

$\delta: (A,0) = B$ $(A,1) = D$ $(B,0) = B$

$(B,1) = B$ $(D,0) = D$ $(D,1) = D$



Introducción

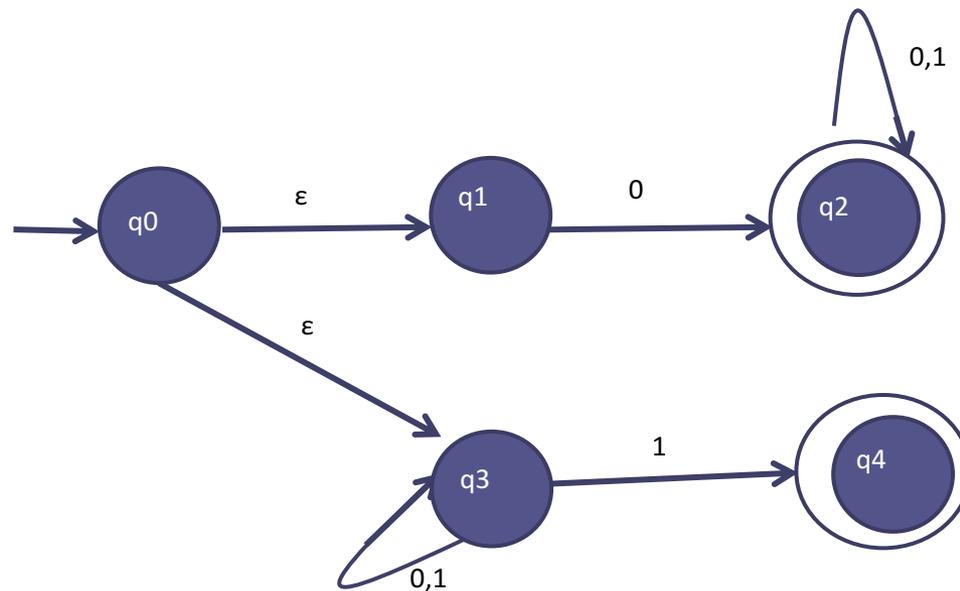
Autómata Finito No determinista con transiciones épsilon (AFND- ϵ) es un autómata finito no determinista en donde se permiten transiciones que no contengan ningún símbolo de la entrada. Es decir, se puede pasar de un estado a otro sin consumir ningún símbolo de la entrada.

A continuación se muestran varios ejercicios sobre este tipo de autómatas.

Ejercicio 1

Ejercicio: Construya un AFND- ϵ para el lenguaje en $\Sigma = \{0,1\}$ cuyas cadenas empiezan con "0" o terminan en "1".

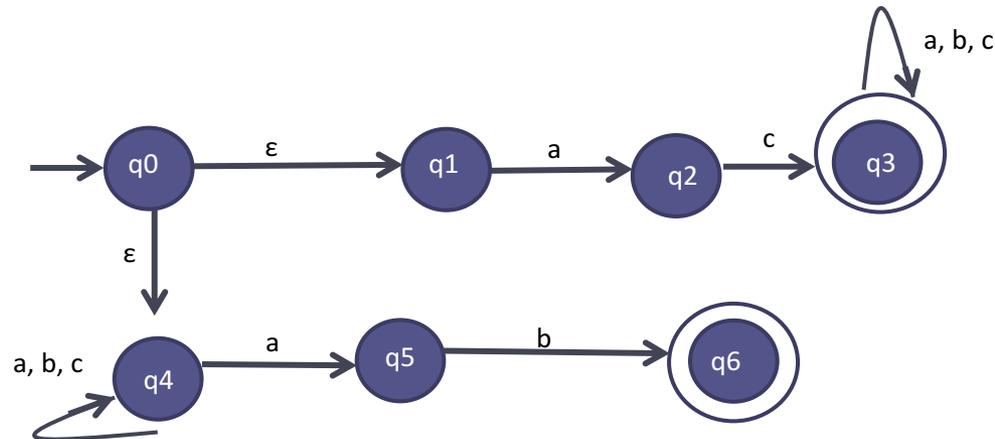
SOLUCIÓN



Ejercicio 2

Ejercicio: Obtenga un AFND- ϵ dado el siguiente lenguaje definido en el alfabeto $\Sigma=\{a,b,c\}$. El conjunto de cadenas que inician en la sub-cadena “ac” o terminan en la sub-cadena “ab”.

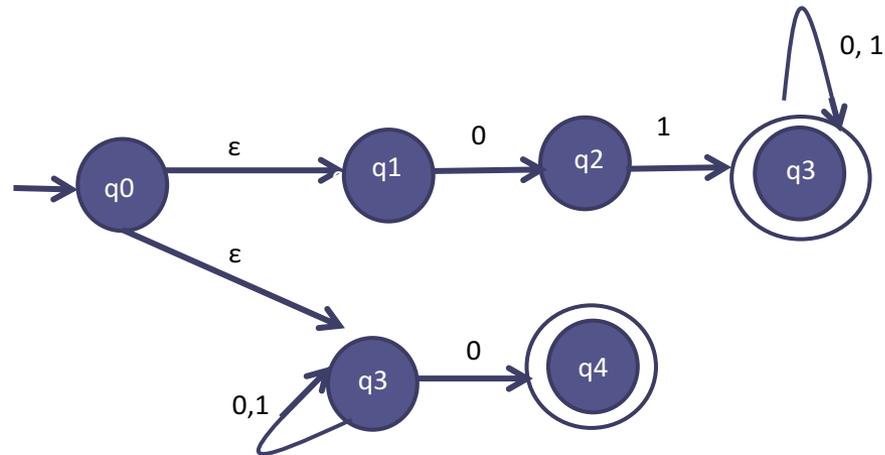
SOLUCIÓN



Ejercicio 3

Ejercicio: Obtenga un AFND- ϵ dado el siguiente lenguaje definido en el alfabeto $\Sigma = \{0,1\}$. El conjunto de cadenas que inician en "01" o terminan en "0".

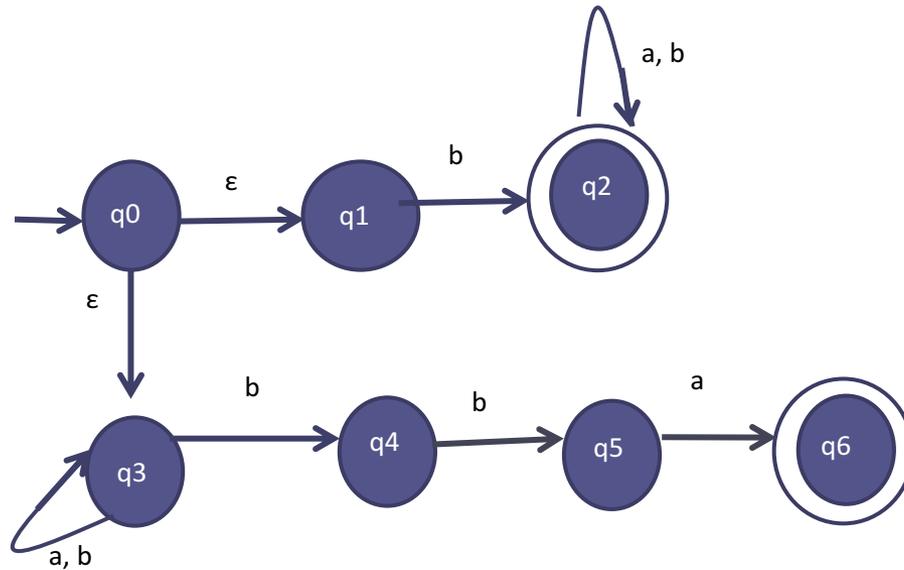
SOLUCIÓN



Ejercicio 4

Ejercicio: Obtenga un AFND- ϵ dado el siguiente lenguaje definido en el alfabeto $\Sigma = \{a,b\}$. El conjunto de cadenas que inician en “b” o terminan en “bba”.

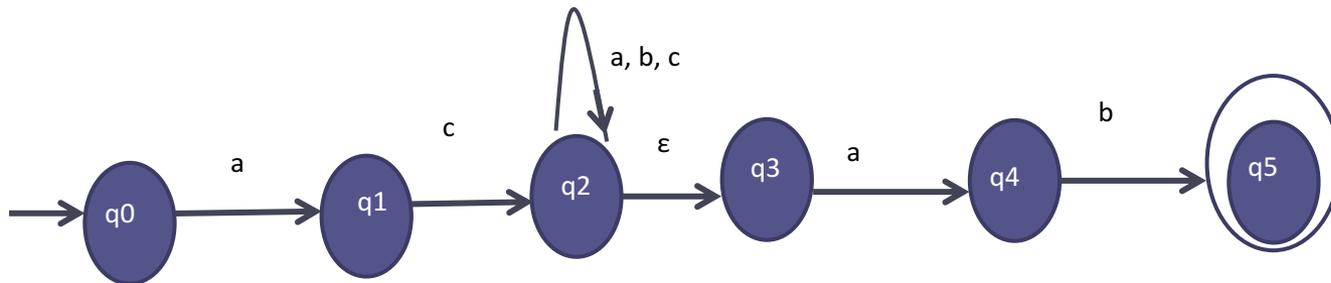
SOLUCIÓN



Ejercicio 5

Ejercicio: Obtenga un AFND- ϵ dado el siguiente lenguaje definido en el alfabeto $\Sigma=\{a,b,c\}$. El conjunto de cadenas que inician en la sub-cadena "ac" y terminan en la sub-cadena "ab".

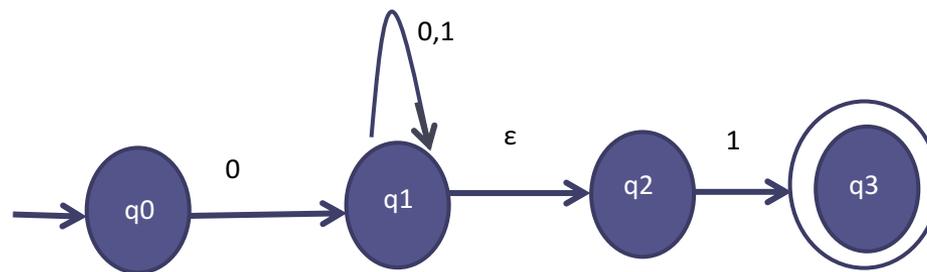
SOLUCIÓN



Ejercicio 6

Ejercicio: Obtenga un AFND- ϵ dado el siguiente lenguaje definido en el alfabeto $\Sigma = \{0,1\}$. El conjunto de cadenas que inician en “0” y terminan en “1”.

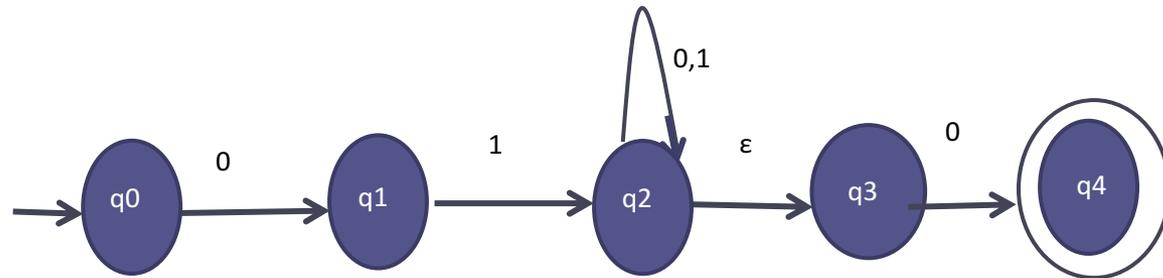
SOLUCIÓN



Ejercicio 7

Ejercicio: Obtenga un AFND- ϵ dado el siguiente lenguaje definido en el alfabeto $\Sigma = \{0,1\}$. El conjunto de cadenas que inician en "01" y terminan en "0".

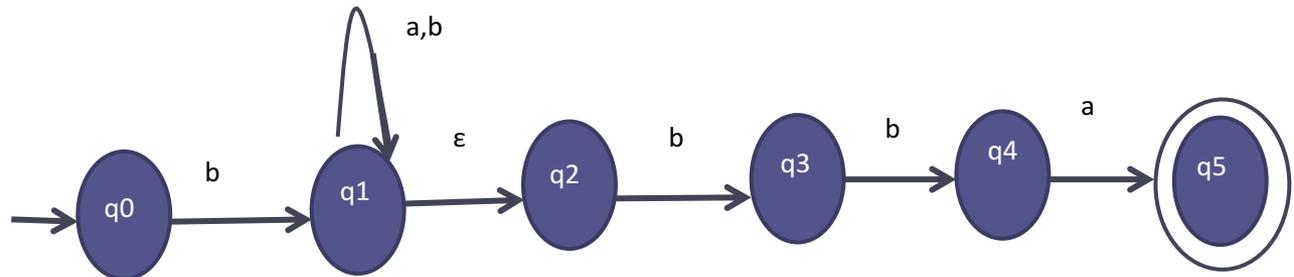
SOLUCIÓN



Ejercicio 8

Ejercicio: Obtenga un AFND- ϵ dado el siguiente lenguaje definido en el alfabeto $\Sigma = \{a,b\}$. El conjunto de cadenas que inician en “b” y terminan en “bba”.

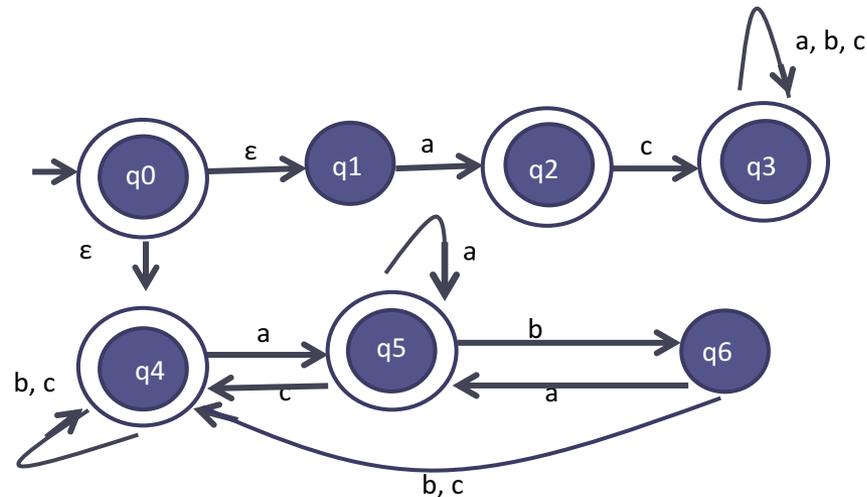
SOLUCIÓN



Ejercicio 9

Ejercicio: Obtenga un AFND- ϵ dado el siguiente lenguaje definido en el alfabeto $\Sigma=\{a,b,c\}$. El conjunto de cadenas que inician en la sub-cadena “ac” o no terminan en la sub-cadena “ab”.

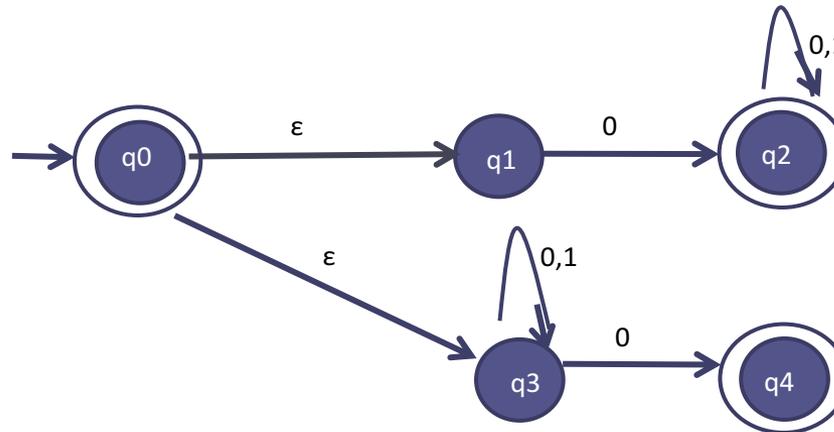
SOLUCIÓN



Ejercicio 10

Ejercicio: Obtenga un AFND- ϵ dado el siguiente lenguaje definido en el alfabeto $\Sigma = \{0,1\}$. El conjunto de cadenas que inician en “0” o no terminan en “1”.

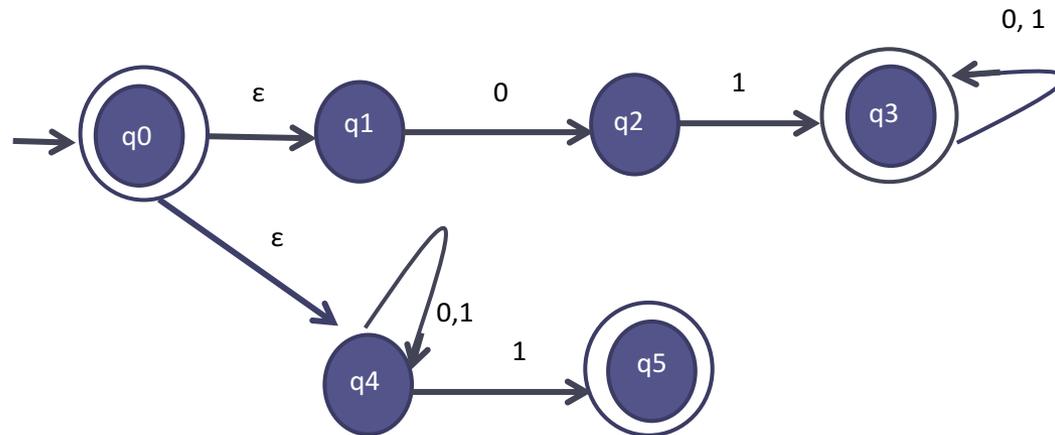
SOLUCIÓN



Ejercicio 11

Ejercicio: Obtenga un AFND- ϵ dado el siguiente lenguaje definido en el alfabeto $\Sigma = \{0,1\}$. El conjunto de cadenas que inician en "01" o no terminan en "0".

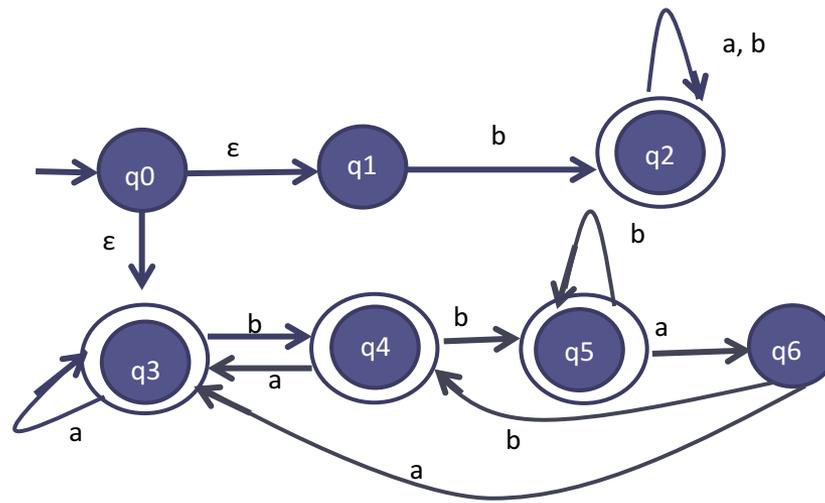
SOLUCIÓN



Ejercicio 12

Ejercicio: Obtenga un AFND- ϵ dado el siguiente lenguaje definido en el alfabeto $\Sigma = \{a,b\}$. El conjunto de cadenas que inician en “b o no terminan en “bba”.

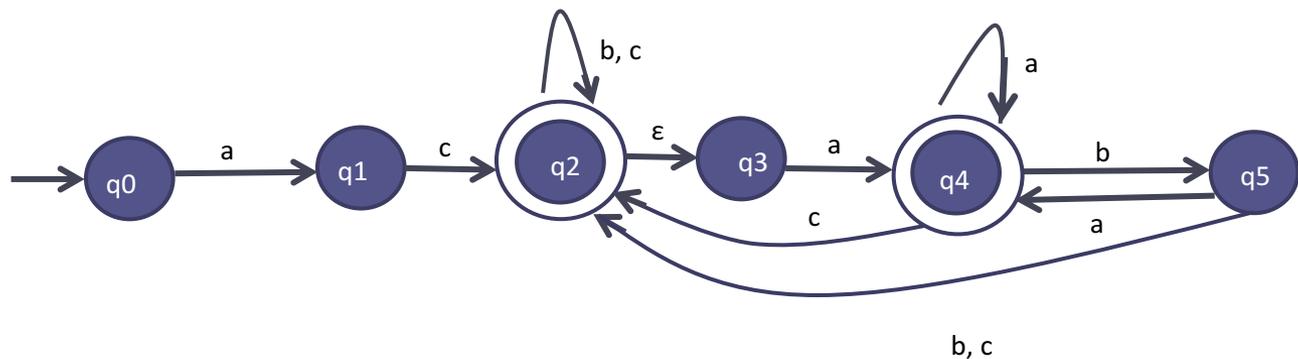
SOLUCIÓN



Ejercicio 13

Ejercicio: Obtenga un AFND- ϵ dado el siguiente lenguaje definido en el alfabeto $\Sigma=\{a,b,c\}$. El conjunto de cadenas que inician en la sub-cadena “ac” y no terminan en la sub-cadena “ab”.

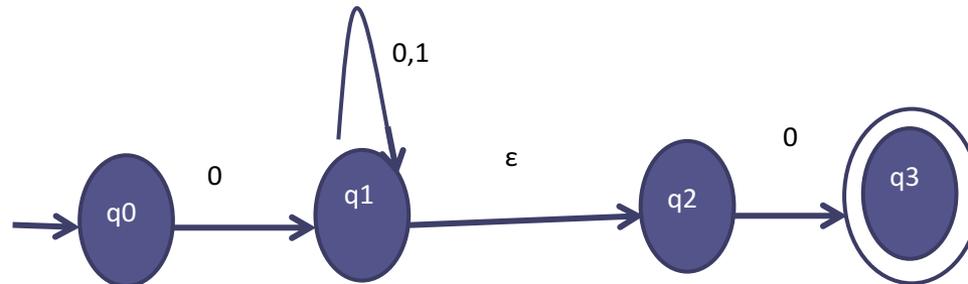
SOLUCIÓN



Ejercicio 14

Ejercicio: Obtenga un AFND- ϵ dado el siguiente lenguaje definido en el alfabeto $\Sigma = \{0,1\}$. El conjunto de cadenas que inician en “0” y no terminan en “1”.

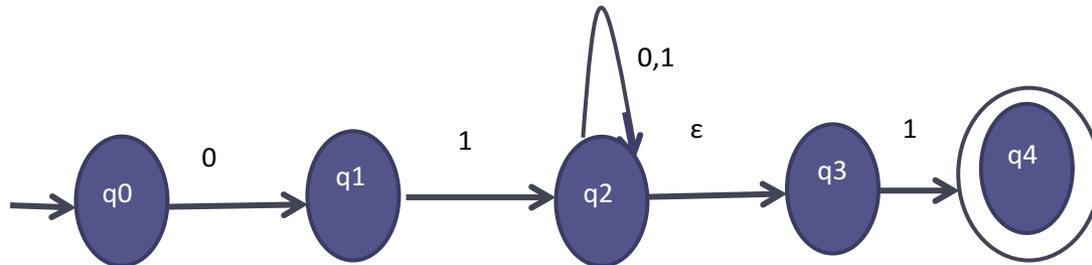
SOLUCIÓN



Ejercicio 15

Ejercicio: Obtenga un AFND- ϵ dado el siguiente lenguaje definido en el alfabeto $\Sigma = \{0,1\}$. El conjunto de cadenas que inician en "01" y no terminan en "0".

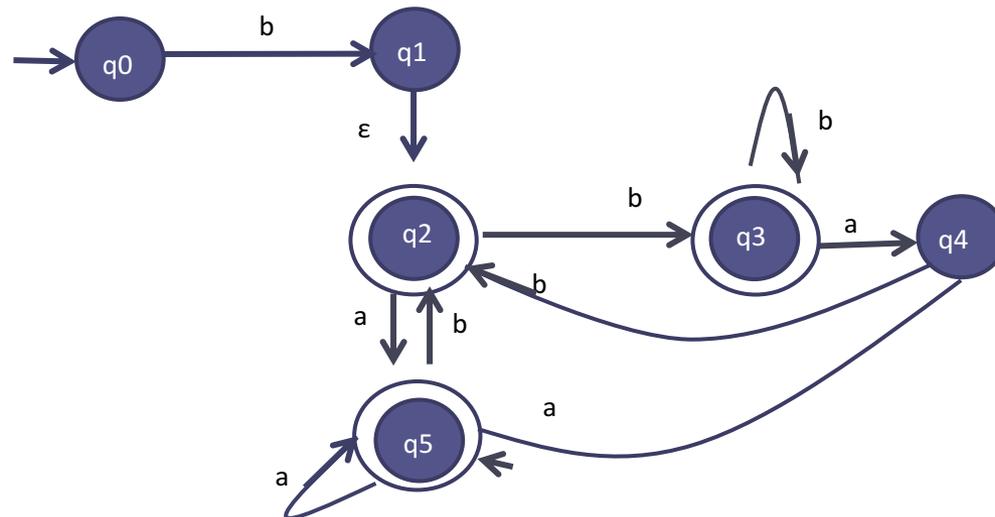
SOLUCIÓN



Ejercicio 16

Ejercicio: Obtenga un AFND- ϵ dado el siguiente lenguaje definido en el alfabeto $\Sigma = \{a,b\}$. El conjunto de cadenas que inician en “b” y no terminan en “bba”.

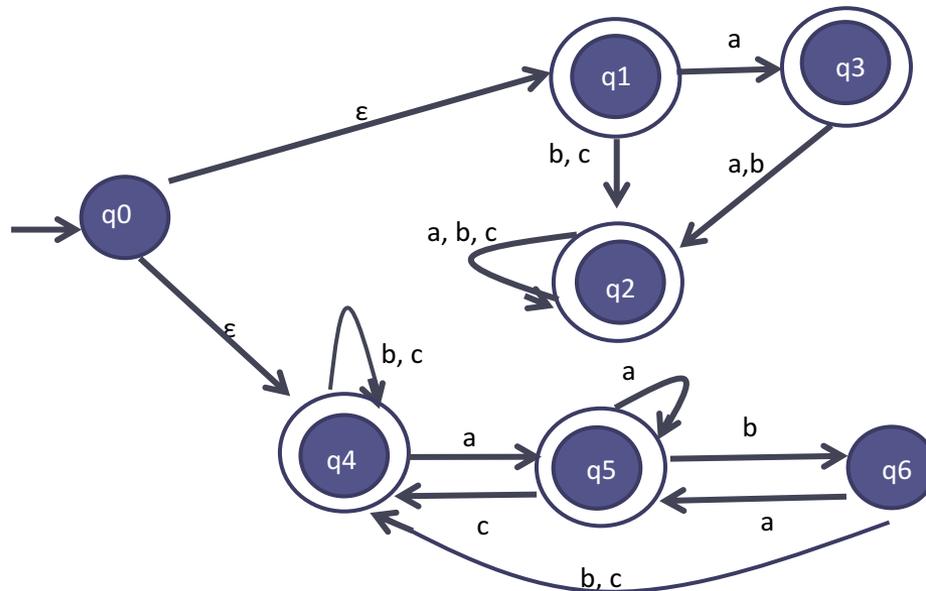
SOLUCIÓN



Ejercicio 17

Ejercicio: Obtenga un AFND- ϵ dado el siguiente lenguaje definido en el alfabeto $\Sigma=\{a,b,c\}$. El conjunto de cadenas que no inician en la sub-cadena "ac" o no terminan en la sub-cadena "ab".

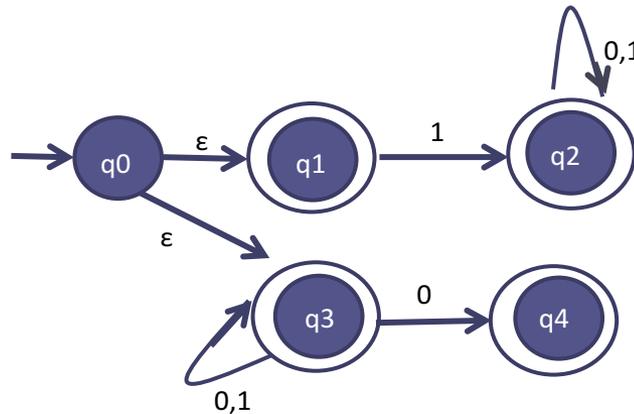
SOLUCIÓN



Ejercicio 18

Ejercicio: Obtenga un AFND- ϵ dado el siguiente lenguaje definido en el alfabeto $\Sigma = \{0,1\}$. El conjunto de cadenas que no inician en “0” o no terminan en “1”.

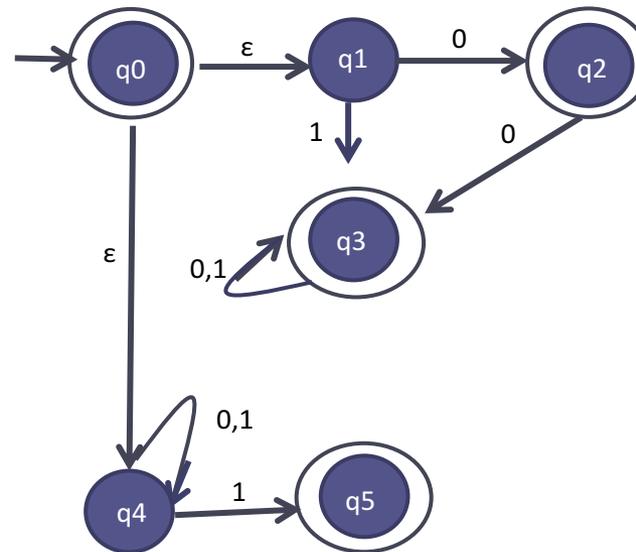
SOLUCIÓN



Ejercicio 19

Ejercicio: Obtenga un AFND- ϵ dado el siguiente lenguaje definido en el alfabeto $\Sigma = \{0,1\}$. El conjunto de cadenas que no inician en "01" o no terminan en "0".

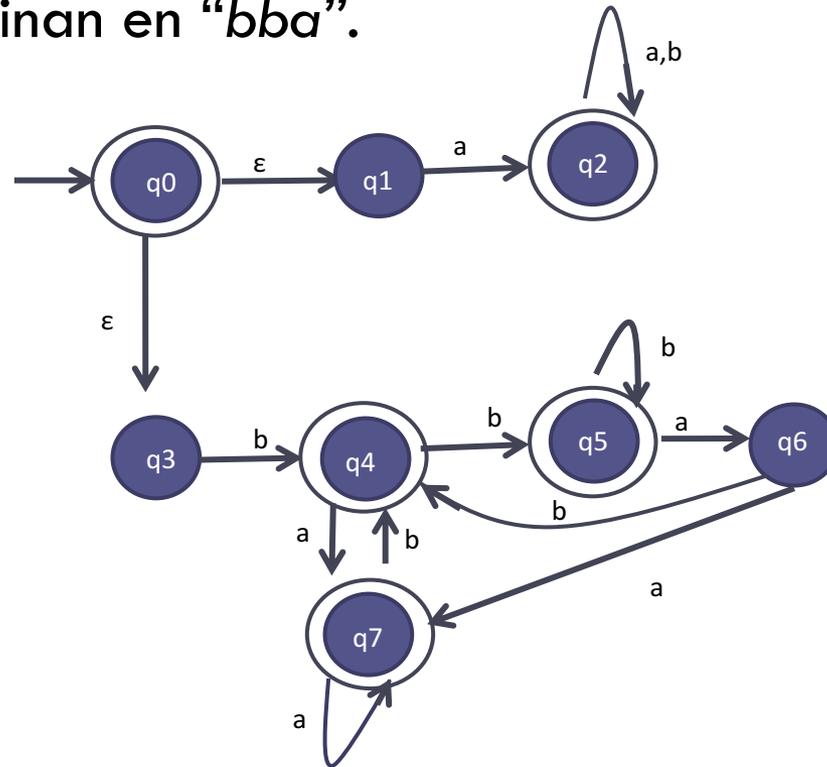
SOLUCIÓN



Ejercicio 20

Ejercicio: Obtenga un AFND- ϵ dado el siguiente lenguaje definido en el alfabeto $\Sigma = \{a,b\}$. El conjunto de cadenas que no inician en “b” o no terminan en “bba”.

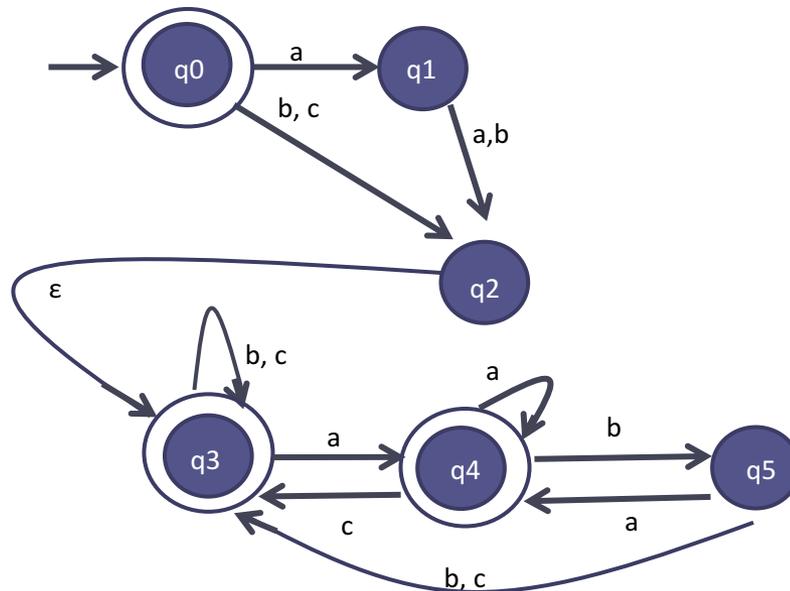
SOLUCIÓN



Ejercicio 21

Ejercicio: Obtenga un AFND- ϵ dado el siguiente lenguaje definido en el alfabeto $\Sigma=\{a,b,c\}$. El conjunto de cadenas que no inician en la sub-cadena “ac” y no terminan en la sub-cadena “ab”.

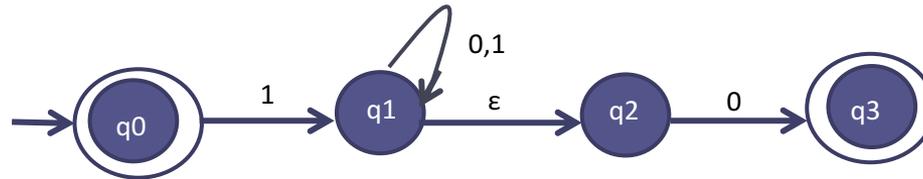
SOLUCIÓN



Ejercicio 22

Ejercicio: Obtenga un AFND- ϵ dado el siguiente lenguaje definido en el alfabeto $\Sigma = \{0,1\}$. El conjunto de cadenas que no inician en “0” y no terminan en “1”.

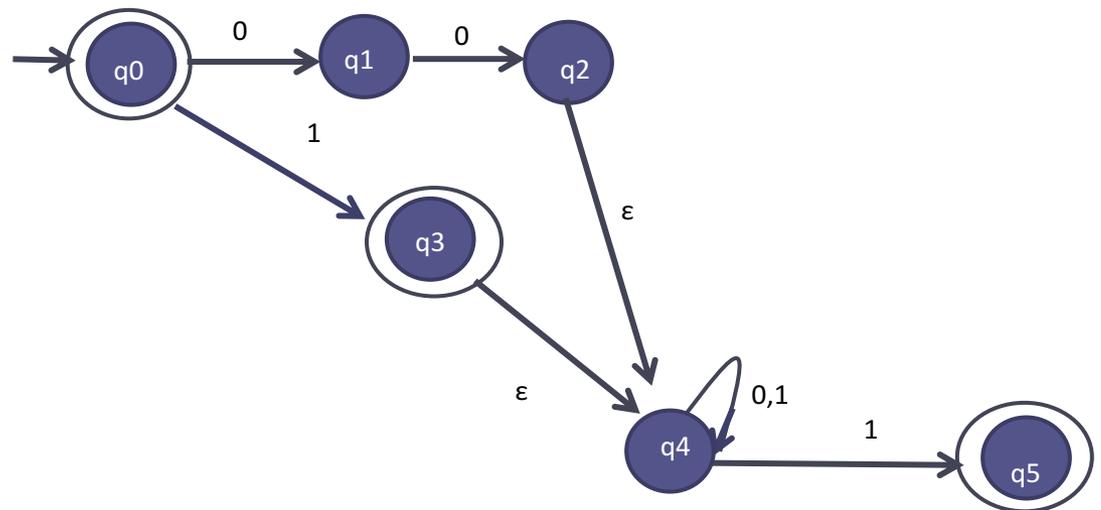
SOLUCIÓN



Ejercicio 23

Ejercicio: Obtenga un AFND- ϵ dado el siguiente lenguaje definido en el alfabeto $\Sigma = \{0,1\}$. El conjunto de cadenas que no inician en "01" y no terminan en "0".

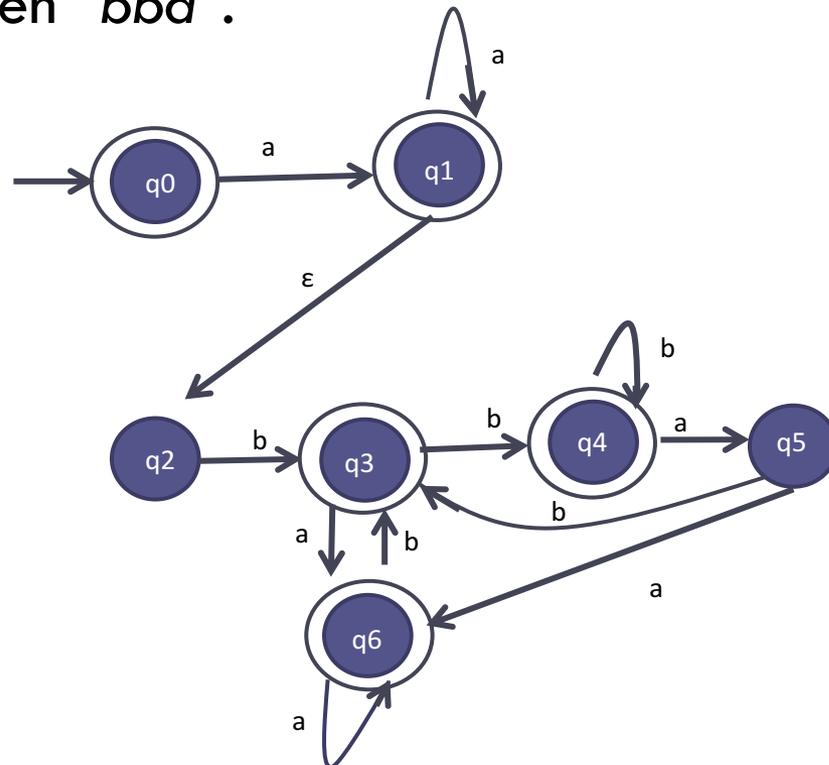
SOLUCIÓN



Ejercicio 24

Ejercicio: Obtenga un AFND- ϵ dado el siguiente lenguaje definido en el alfabeto $\Sigma = \{a,b\}$. El conjunto de cadenas que no inician en "b" y no terminan en "bba".

SOLUCIÓN



Referencias

□ Bibliográficas

- Dean K. (1995). "Teoría de Autómatas y Lenguajes Formales". Edit. Prentice Hall, España.
- Hopcroft J. E., Ullman J.D. (2007). "Introducción a la teoría de autómatas, lenguajes y computación". 3ª ed. Edit. Pearson Educación, Madrid.
- Linz P. (2001) "An Introduction to Formal Languages and Automata", 3rd Edition, J.A. Bartlett.
- Martin J. (2004). "Lenguajes Formales y Teoría de la computación". 3ª ed. Edit. MacGraw-Hill Interamericana de México.